

k seconda delle precedenti equazioni si potrà scrivere così:

$$dpx = \frac{r}{r^2} \left( \frac{dP_i}{P_i - H} - \frac{dP_i}{H^2} \right) \quad \dots$$

da cui si deduce

$$-j^{\sim} - Ue$$

dove  $H$  è una funzione arbitraria di  $p_2$ , la quale può evidentemente suppersi uguale ad  $i$ , senza limitare la generalità dei risultati, poiché ciò equivale a prendere per seconda variabile  $Hdp_2$  in luogo di  $p_2$ . Si ha dunque

laonde il quadrato dell'elemento lineare della superficie (2) assume la forma

da cui risulta che la superficie (I) è applicabile sopra una superficie di rivoluzione. Dunque: *i luoghi dei centri di curvatura di quelle superficie, in ciascun punto delle quali uno dei raggi di curvatura principali è una determinata funzione dell'altro, sono superficie applicabili tutte l'una sull'altra e sopra certe superficie di rivoluzione \*)*.

Reciprocamente, consideriamo una superficie di rivoluzione arbitraria (2). Il sistema di rette costituito dalle tangenti ai suoi meridiani è incontrato normalmente (art. VII) da una serie di superficie parallele (S), ciascuna delle quali possiede la proprietà che uno dei suoi raggi principali di curvatura, per es.  $R_2$ , è una funzione determinata dell'altro,  $jR_x$ . Infatti uno di questi raggi, per es.  $R_{1g}$  può ritenersi eguale in lunghezza assoluta all'arco di meridiano  $p$  contato da un certo parallelo e terminato al punto di contatto fra la superficie (2) e la normale secondo cui o diretto il raggio stesso. L'altro raggio di curvatura è eguale al precedente aumentato (o diminuito) del raggio di curvatura geodetica  $r_l$  del parallelo condotto pel punto di contatto, il qual ultimo raggio avendo per misura la porzione di tangente al meridiano compresa fra questo punto di contatto e Tasse di rotazione, è una funzione del solo arco di meridiano  $p_x$  e quindi anche del solo primo raggio  $R_l$ . Dunque ciascuno dei due raggi è in ogni punto determinato unicamente dall'altro.

\*) Dal processo di dimostrazione risulta chiaramente che *in generale* le due falde della superficie dei centri non sono applicabili sopra una medesima superficie di rivoluzione. Questo si verificilerebbe quando la relazione fra  $R_l$  ed

$R_2$  fosse simmetrica rispetto a queste due quantità.